



إِنْ أُرِيدُ إِلَّا
الْإِصْلَاحَ مَا اسْتَطَعْتُ
وَمَا تَوْفِيقِي إِلَّا بِاللَّهِ
عَلَيْهِ تَوَكَّلْتُ وَإِلَيْهِ أُنِيبُ



..وقفة..

محتويات المشروع حق محفوظ لفريق «معاً للقيمة»، ولا يجوز إنتاج أو نشر أو اقتصاص أي جزء من هذه المادة دون شعار المجموعة.





إهداء ..

إلى فريق العمل الذي آمن بالفكرة وشاركنا الفكر.. إلى الميدان التعليمي.



فريق العمل في ملف الصف الثالث المتوسط:

فريق إعداد المادة العلمية/

أ/ رسميه زنيفر عواض الجعيد

أ/ بدرية نافع مرزوق الجابري

أ/ هدى سالم محمد التميمي

أ/ سمية طارق عبد السلام القطب

أ/ عفاف أحمد محمد الزهراني

أ/ نوره محمد صالح الدخيل

المراجعة وإعداد وتنسيق بطاقات المفردات/

أ/ سامية محمد عوض الحربي



فريق العمل في ملف الصف الثالث المتوسط:

فريق التدقيق الفني /

أ/ طارق بن عامر عبد الله الصيعري

أ/ نجاتة سالم محمد الصبحي

أ/ أمل سليمان عبد الله القرزعي

أ/ هيفاء أحمد محمود الصبحي

التدقيق اللغوي /

أ/ أميمة أحمد محمد عابد

أ/ هيفاء أحمد محمود الصبحي

أ/ وفاء علي رباح المزيني

الإشراف العام / أ. أمل محمد إبراهيم الرايقي



مفردات منهج مادة الرياضيات

الصف الثالث

المرحلة المتوسطة

الفصل الدراسي الثاني

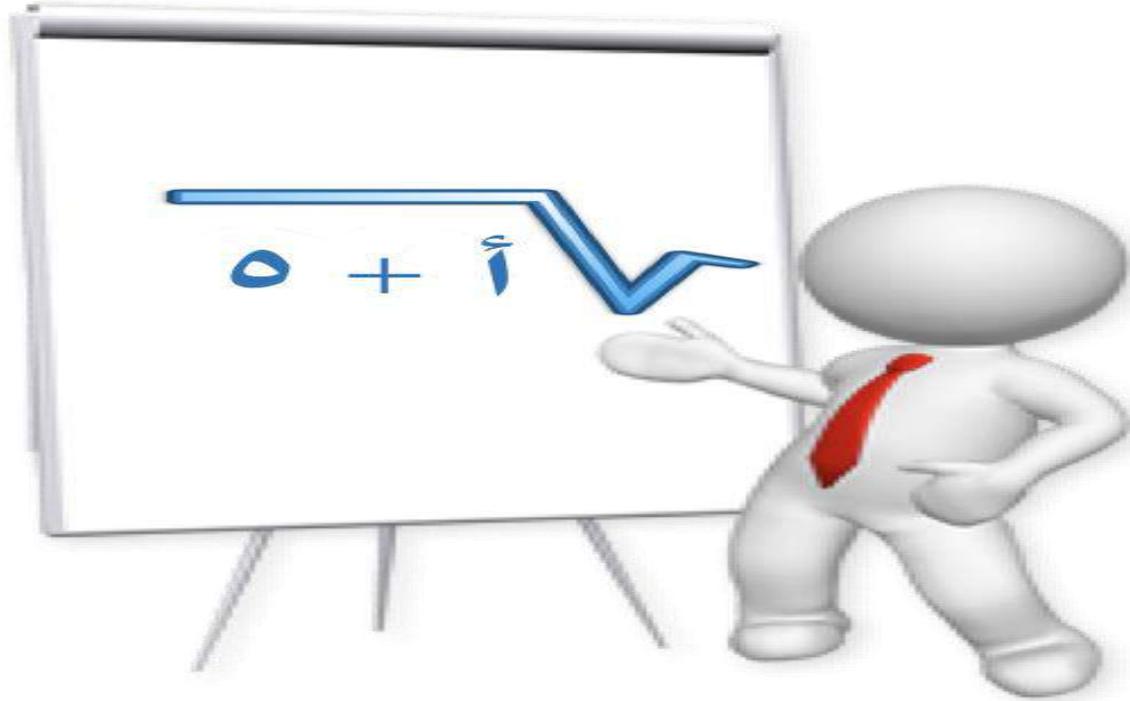


الفصل التاسع

المعادلات الجذرية والمثلثات



العِبَارَةُ الجَذْرِيَّةُ





يكون ما تحت الجذر التربيعي في أبسط صورة إذا حقق الشروط الآتية:

- لا يكون أي من عوامله مربعًا كاملاً.
- لا يتضمن كسورًا.
- لا يظهر أي جذر في مقام الكسر.

العبرة الجذرية: هي العبرة التي تتضمن جذرًا في أبسط صورة.

تعريف
المفردة

$\sqrt{3 + s}$ عبرة جذرية.

مثال

اختر العبرة الجذرية من بين العبارات التالية:

$$\sqrt{3} \text{ (٣) } \sqrt{60} \text{ س}$$

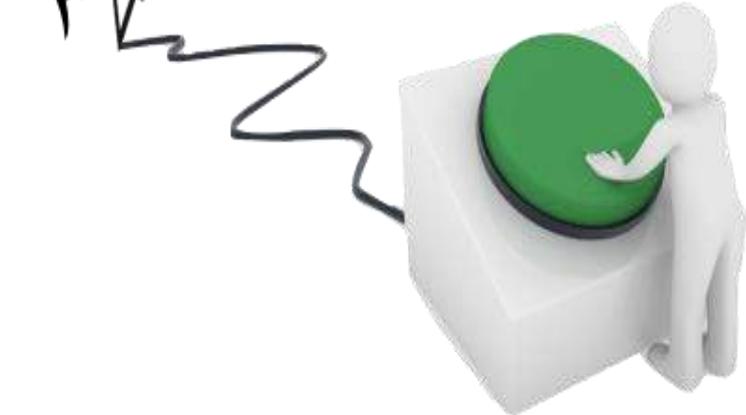
$$\sqrt{25} \text{ (٢) } \sqrt{4} \times \sqrt{25} \text{ ك}$$

$$\sqrt{9} \text{ ص (١) } \sqrt{2}$$

سؤال



إِنْطَاقُ الْمَقَامِ

$$\frac{\sqrt[3]{5}}{2} = \frac{\sqrt[3]{5}}{\sqrt[3]{2}} \times \frac{2}{\sqrt[3]{2}}$$




إنطاق المقام: هو ضرب كل من البسط والمقام في عامل يؤدي إلى حذف الجذر من المقام.

تعريف
المفردة

$$\frac{\sqrt{2} \sqrt{5}}{2} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{5}{\sqrt{2}}$$

مثال

بسّط العبارة التالية: $\sqrt{\frac{7}{3}}$

سؤال

تبسيط:
انظر أولاً إلى ما تحت الجذر إن كان يمكن تبسيطه؛ لأن ذلك يجعل حساباتك أبسط.



المُرادِفق





المرافق: إذا كانت أ، ب، ج أعدادًا نسبية، $0 \leq$ ،
فإن العدد $\sqrt{a-b}$ - ج يكون مرافق للعدد $\sqrt{a+b}$ + ج بحيث أن:
($\sqrt{a-b}$ - ج) ($\sqrt{a+b}$ + ج) يساوي عددًا نسبيًا.

تعريف
المفردة

مرافق $\sqrt{7}$ - 1 هو $\sqrt{7}$ + 1

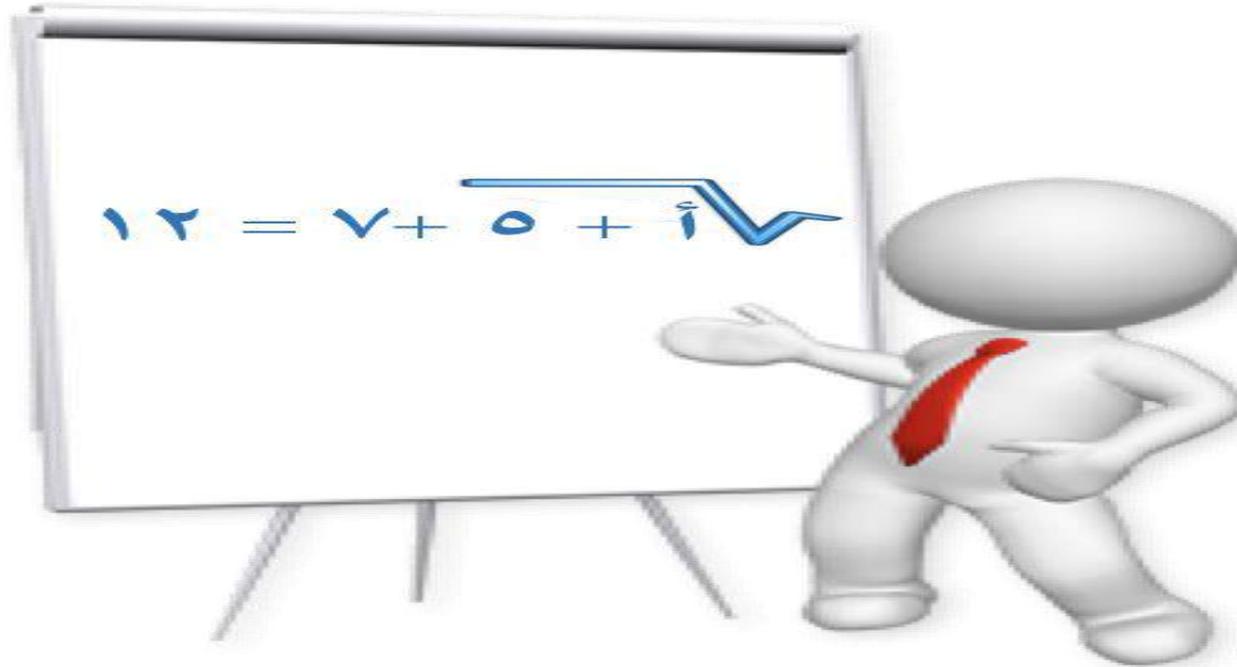
مثال

اكتب مرافق العدد $\sqrt{2} + 4$.

سؤال



المُعَادَلَاتُ الجَذْرِيَّة





المعادلات الجذرية: هي المعادلات التي تحتوي على متغيرات تحت الجذر.

تعريف
المفردة

حل المعادلة $\sqrt{s} = 4$ هو:

$$(\sqrt{s})^2 = 4^2$$
$$s = 16.$$

مثال

حل المعادلة التالية: $\sqrt{a-3} = 6$

سؤال

خطوات حل المعادلة الجذرية:

- جعل الجذر في طرف من المعادلة.
- تربيع طرفي المعادلة للتخلص من الجذر.



الحُطُولُ الدَّخِيَّةُ

$$\begin{aligned} 1 - k &= \sqrt{1 + k} \\ (1 - k)^2 &= 1 + k \\ k &= (3 - k) \end{aligned}$$





الحلول الدخيلة: هي الحلول التي تنتج عن تربيع طرفي المعادلة لكنها لا تحقق المعادلة الأصلية.

تعريف
المفردة

المعادلة $\sqrt{k+1} = k-1$ لها حلان، الحل الأول $k=3$ ، الحل الثاني $k=-1$.
الحل الأول يحقق المعادلة، أما الحل الثاني يسمى **حلاً دخيلاً** لأنه عند التعويض بالصفري في المعادلة فإنه لا يحققها.

مثال

حلّ المعادلة التالية: $\sqrt{t+5} = t+3$ ، وتحقق من صحة الحل.

سؤال

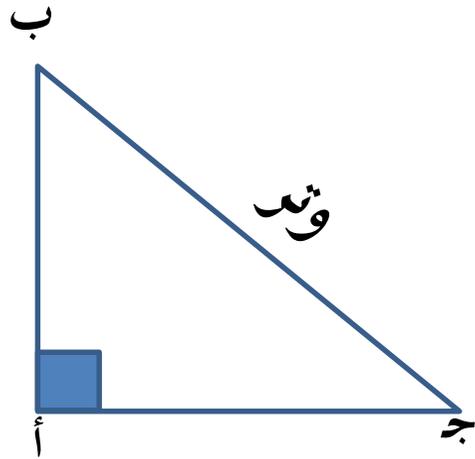


الوتر





الوتر: هو الضلع المقابل للزاوية القائمة في المثلث القائم، وهو أطول الأضلاع في المثلث.



ب ج وتر في Δ أ ب ج

تعريف
المفردة

مثال

سؤال

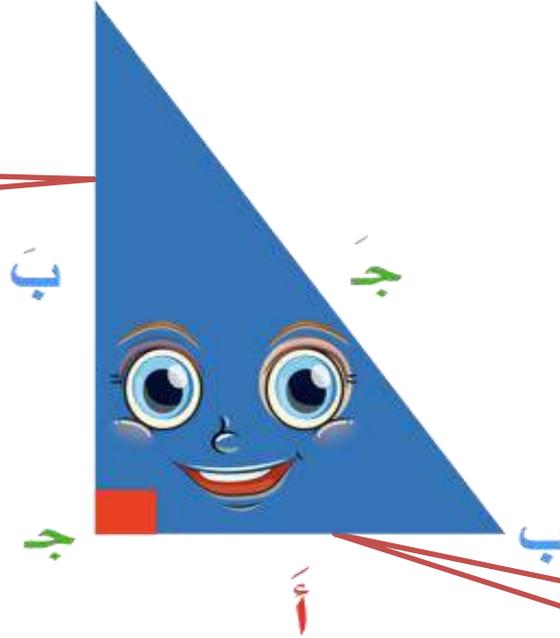
أكمل الفراغ التالي:
٣٠، ٤٠، ٥٠ تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية، وطول الوتر =



معاً للقيمة

السَّاق

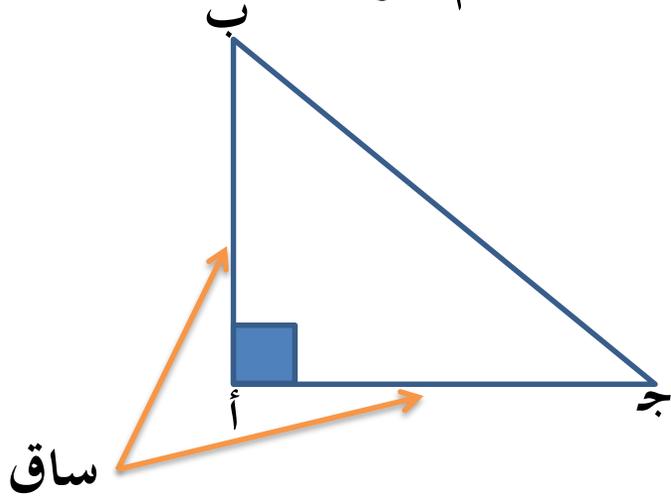
الساق



الساق

الساق: هو أحد الضلعين القائمين في المثلث القائم الزاوية.

تعريف
المفردة



أب و أج ساقان في Δ أ ب ج.

مثال

أكمل الفراغات التالية:

إذا كانت ٣٠، ٤٠، ٥٠ تشكل أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية،
فإن طولي ساقيه هما:،.....

سؤال



المَعكُوس





المعكوس: هو استبدال الفرض والنتيجة أحدهما مكان الآخر في العبارة الشرطية (إذا كان فإن).

تعريف
المفردة

معكوس نظرية فيثاغورس: إذا كانت الاطوال أ، ب، ج تحقق المعادلة:
 $ج^2 = أ^2 + ب^2$ ، فإن المثلث قائم الزاوية. و إذا كانت $ج^2 \neq أ^2 + ب^2$ ،
لا يكون المثلث قائم الزاوية.

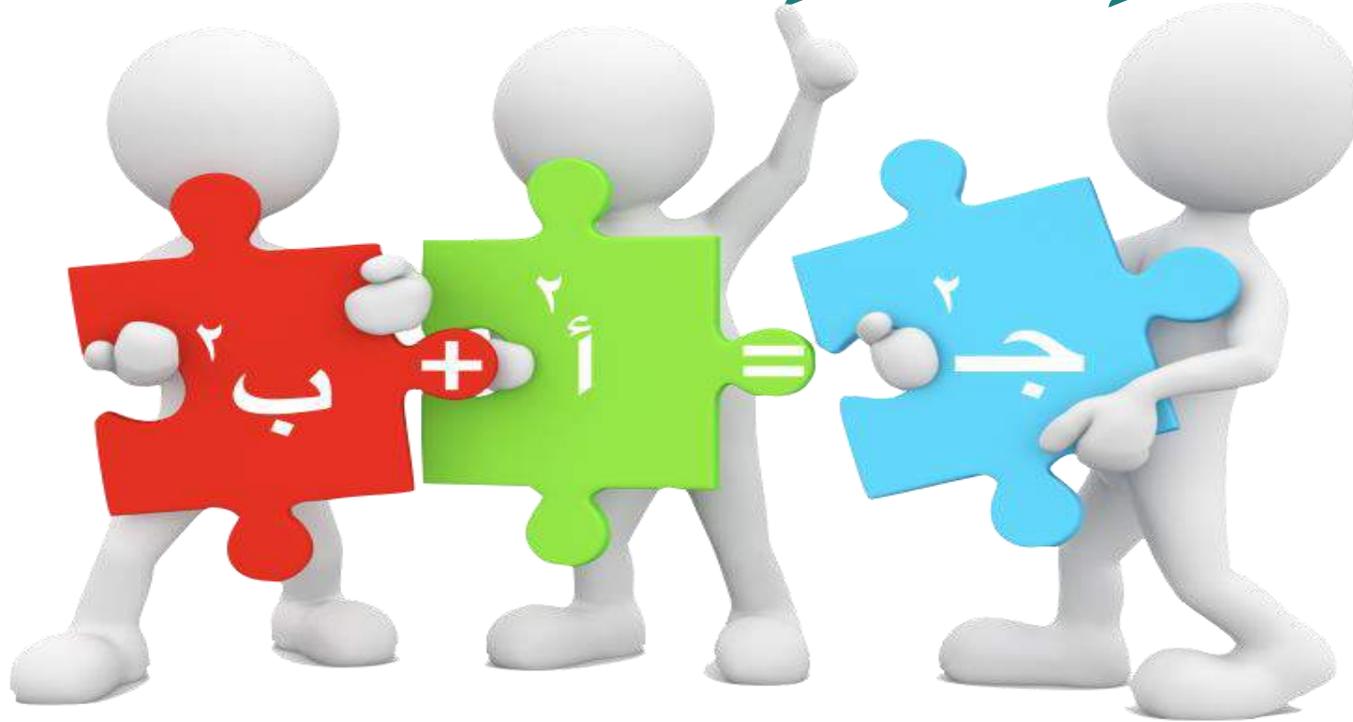
مثال

هل الأطوال ١٠، ٧، ٥ تمثل أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية؟
مع التبرير.

سؤال



ثَلَاثِيَّةٌ فَيْثَا تُورِسُ





ثلاثية فيثاغورس: هي مجموعة من ثلاثة أعداد صحيحة موجبة تحقق المعادلة:
 $ج^2 = أ^2 + ب^2$ ، حيث ج أكبر هذه الأعداد.

تعريف
المفردة

٣ ، ٤ ، ٥ تشكل أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية وهي تحقق ثلاثية فيثاغورس

حيث : $ج^2 = أ^2 + ب^2$

بالتعويض $٥^2 = ٣^2 + ٤^2$ ، $٣ = أ$ ، $٤ = ب$ ، $٥ = ج$

$$١٦ + ٩ = ٢٥$$

$$٢٥ = ٢٥$$

مثال

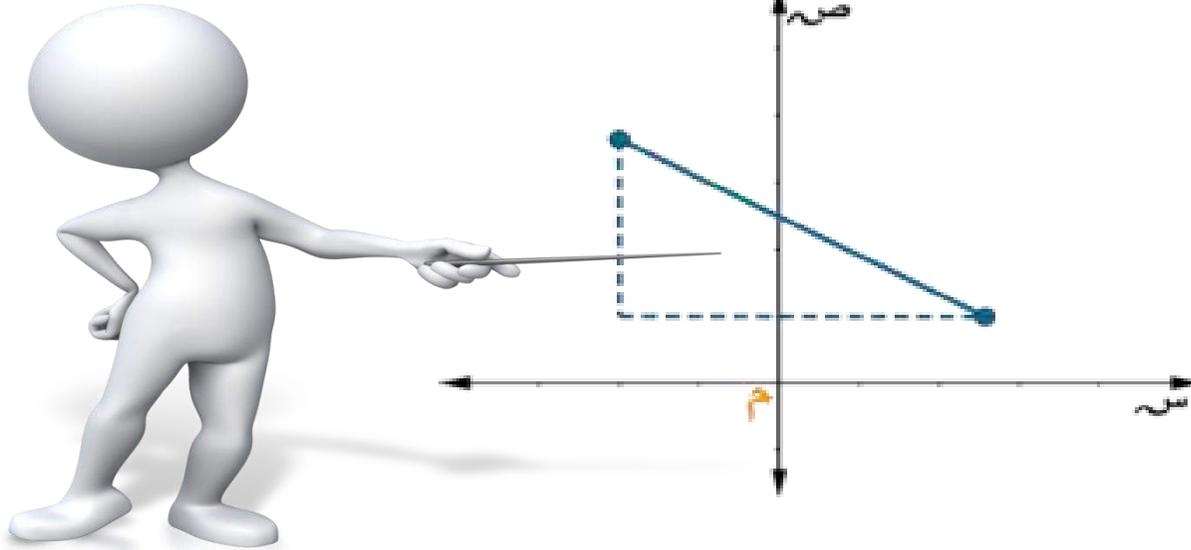
إذا علمت بأن مجموعة الأعداد التالية تُمثِّل أضلاع مثلث قائم الزاوية،
فهل تشكل ثلاثية فيثاغورس:

(١) ٩ ، ٤٠ ، ٤١ (٢) ٨ ، ٣١،٥ ، ٣٢،٥

سؤال



قَانُونُ الْمَسَافَةِ بَيْنَ نَقْطَتَيْنِ





تعريف
المفردة

قانون المسافة بين نقطتين: هي المسافة بين نقطتين إحداثياتها $(س_١ ، ص_١)$ ،
 $(س_٢ ، ص_٢)$ ، ويعبر عنها بالقانون: $ف = \sqrt{(س_١ - س_٢)^2 + (ص_١ - ص_٢)^2}$.

المسافة بين النقطتين $(١ ، ٢-)$ ، $(٥ ، ٣)$ تساوي:

$$ف = \sqrt{(س_١ - س_٢)^2 + (ص_١ - ص_٢)^2}$$
$$= \sqrt{(١ - ٥)^2 + (٢- - ٣)^2}$$

$$= \sqrt{٤^2 + ١^2} = \sqrt{١٦ + ٤} = \sqrt{٢٠} = ٤,٤٦$$

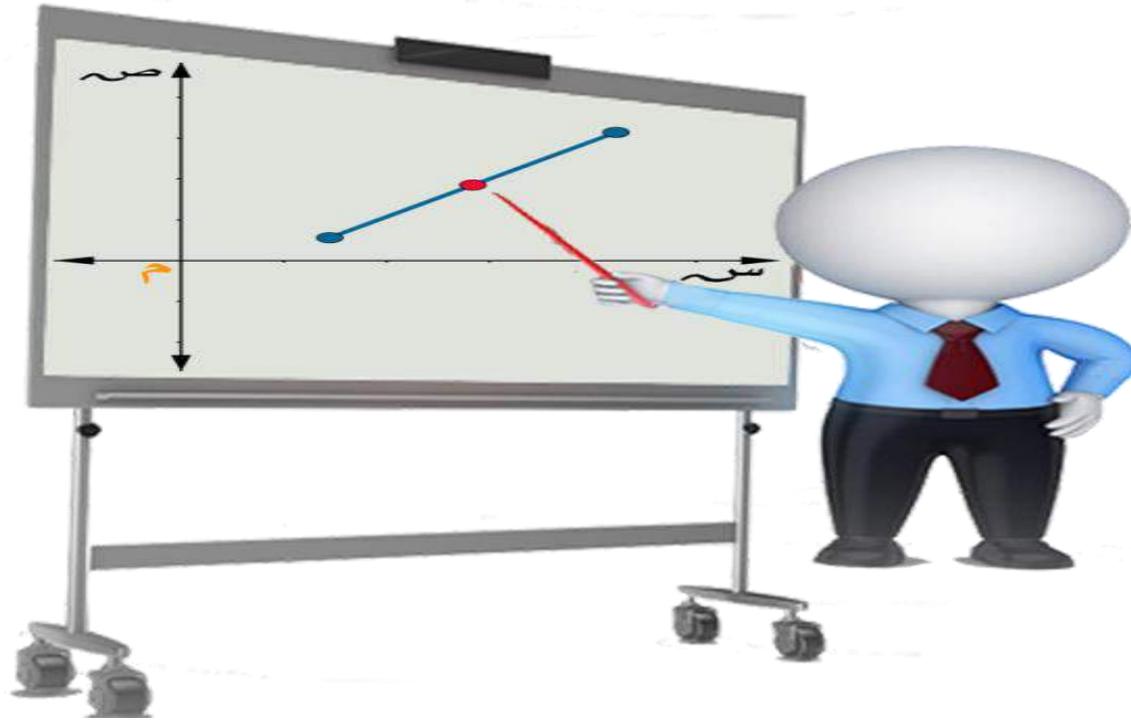
مثال

أوجد المسافة بين النقطتين $(٤ ، ٢)$ ، $(٣- ، ١-)$.

سؤال

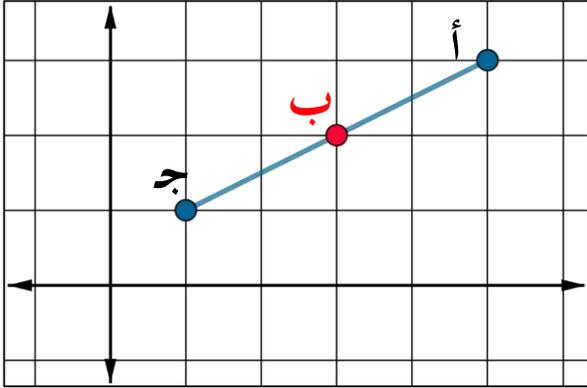


نُقْطَةُ الْمُنْتَصَفِ



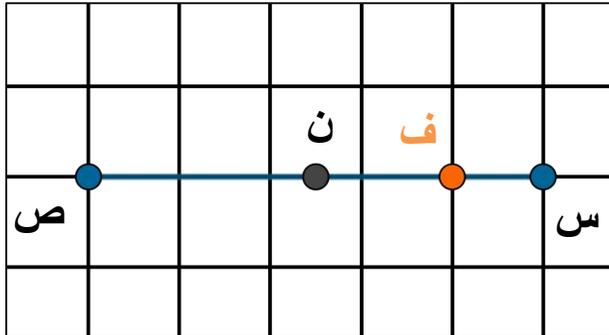
نقطة المنتصف: هي النقطة الواقعة على بعدين متساويين من طرفي قطعة مستقيمة وتنتمي إلى هذه القطعة.

تعريف
المفردة



النقطة **ب** تقع في منتصف القطعة المستقيمة أـجـ.

مثال



أيّ النقطتين تقع في منتصف القطعة المستقيمة سـص؟

سؤال



قانونُ نُقْطَةِ المُنْتَصَفِ





قانون نقطة المنتصف: هو إيجاد إحداثيات نقطة منتصف القطعة المستقيمة التي نهايتها النقطتان: $(س_١ ، ص_١)$ ، $(س_٢ ، ص_٢)$ ويُعَبَّر عنها بالقانون:

$$م = \left(\frac{ص_١ + ص_٢}{٢} ، \frac{س_١ + س_٢}{٢} \right)$$

تعريف
المفردة

إحداثيا نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة التي تصل بين النقطتين:

$$(١ ، ٢) ، (٣ ، ٤) هي م = \left(\frac{ص_١ + ص_٢}{٢} ، \frac{س_١ + س_٢}{٢} \right)$$

$$م = \left(\frac{٣ + ١}{٢} ، \frac{٤ + ٢}{٢} \right) = \left(\frac{٤}{٢} ، \frac{٦}{٢} \right) = (٢ ، ٣)$$

مثال

أوجد إحداثي نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة التي تصل بين النقطتين:

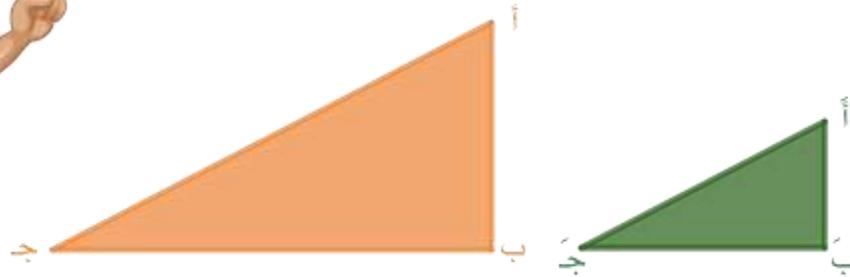
$$(٣ ، ٠) ، (٨ ، ١)$$

سؤال



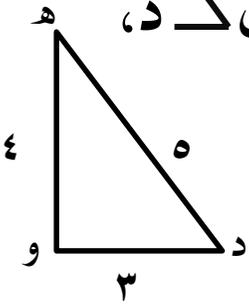
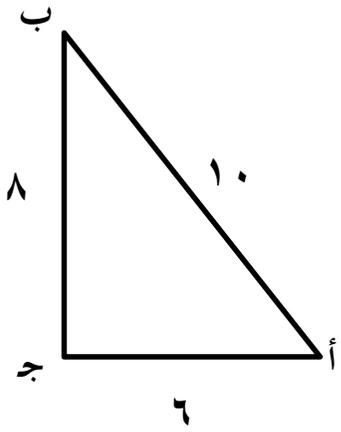
المُنْتَنَاتُ الْمُتَشَابِهَةُ

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}$$
$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9}$$



المثلثات المتشابهة: هي المثلثات التي لها الشكل نفسه وليس من الضروري أن تكون لها أطوال الأضلاع نفسها، وتكون قياسات أضلاعها المتناظرة متناسبة، و زواياها المتناظرة متساوية.

تعريف
المفردة



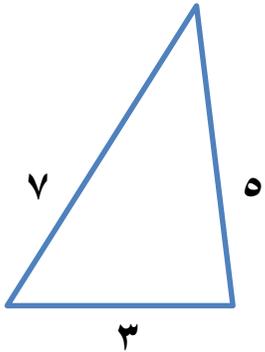
إذا كان Δ أ ب ج \sim Δ د ه و، فإن $ق \Delta أ = ق \Delta د$ ،
 $ق \Delta ب = ق \Delta ه$ ، $ق \Delta ج = ق \Delta و$

$$2 = \frac{8}{4} = \frac{ب ج}{ه و}$$

$$2 = \frac{10}{5} = \frac{أ ب}{د ه}$$

$$2 = \frac{6}{3} = \frac{ج أ}{و د}$$

مثال



هل المثلثان المجاوران متشابهان؟ فسّر ذلك.

سؤال



مَعَالِمَةُ

حِسَابُ الْمُتَعَيَّنَاتِ

$\cos^2\theta + \sin^2\theta = 1$

$\cot^2\theta + 1 = \csc^2\theta$

$\tan^2\theta + 1 = \sec^2\theta$

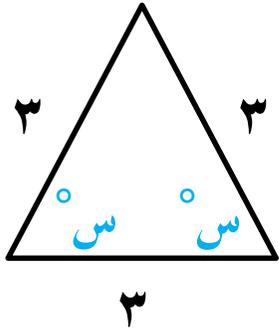
$\cos\theta = \frac{1}{\sec\theta}$

$\theta = \tan^{-1} \frac{y}{x}$

$\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta}$

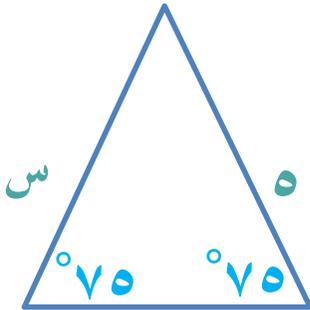
حساب المثلثات: هو دراسة العلاقة بين زوايا المثلث وأضلاعه.

تعريف
المفردة



بما أن المثلث متطابق الأضلاع فإن زواياه أيضاً متطابقة،
نستنتج أن قياس الزاوية س = 60° .

مثال

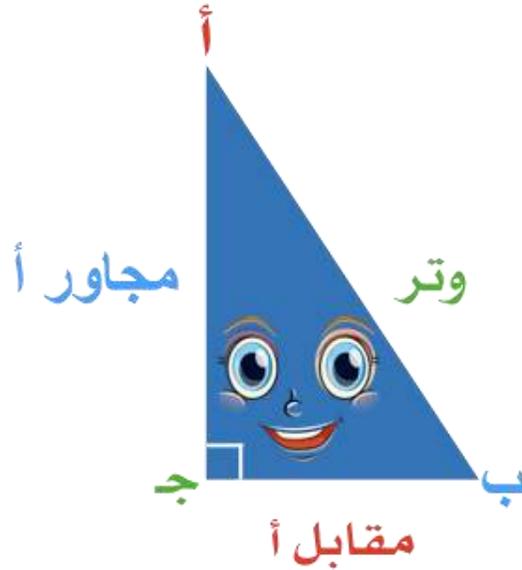


أوجد طول الضلع المجهول في المثلث المجاور.

سؤال



النَّسَبُ الْمُتَّيِّبَةُ



المقابل
جيب الزاوية أ =
الوتر

المجاور
جيب تمام الزاوية أ =
الوتر

المقابل
ظل الزاوية أ =
المجاور



النسبة المثلثية: هي النسبة التي تقارن بين ضلعين من أضلاع المثلث القائم.

تعريف
المفردة

من أمثلة النسب المثلثية الشهيرة:
جيب الزاوية ويرمز لها بالرمز جا
جيب تمام الزاوية ويرمز له بالرمز جتا
ظل الزاوية ويرمز له بالرمز ظا

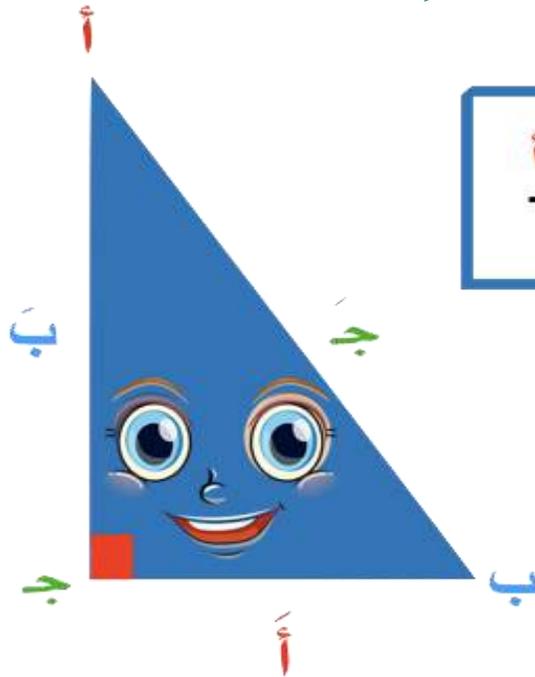
مثال

اذكر استخدامات النسب المثلثية.

سؤال



جَيْبُ الزَّاوِيَةِ



جيب الزاوية أ = $\frac{\text{الضلع المقابل للزاوية أ}}{\text{الوتر}}$



$$\text{جا أ} = \frac{\text{أ}}{\text{ج}}$$



تعريف
المفردة

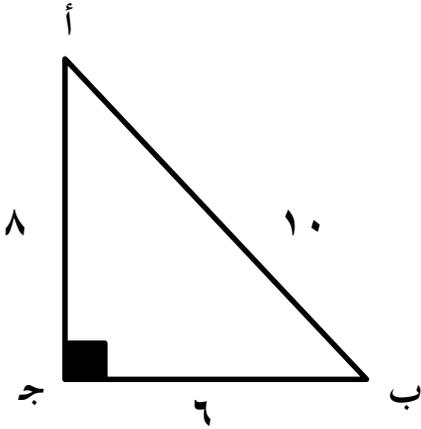
جيب الزاوية:

$\frac{\text{الضلع المقابل للزاوية}}{\text{الوتر}}$

جيب الزاوية في المثلث القائم الزاوية =

مثال

$$\text{جا أ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$



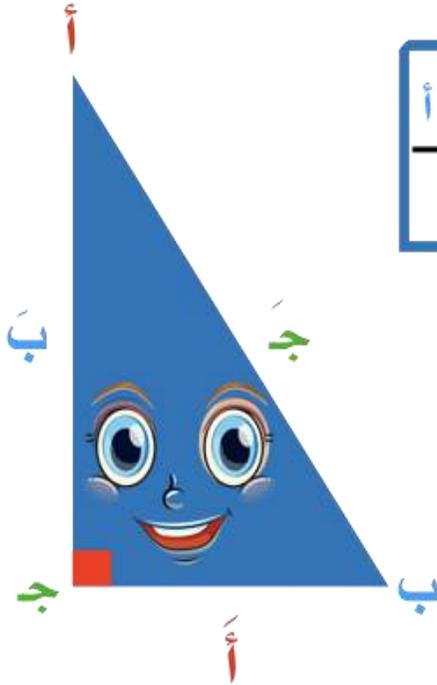
أكمل الفراغ التالي:

من الشكل السابق، جا ب =

سؤال



جَيْبُ تَمَامِ الزَّاوِيَةِ



جيب تمام الزاوية أ = $\frac{\text{الضلع المجاور للزاوية أ}}{\text{الوتر}}$

$$\frac{\text{ب}}{\text{أ}} = \text{جتا أ}$$



تعريف
المفردة

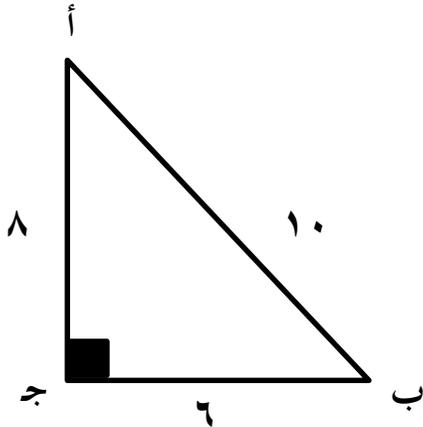
مثال

سؤال

جيب تمام الزاوية:

$$\frac{\text{الضلع المجاور للزاوية}}{\text{الوتر}} = \text{جيب تمام الزاوية في المثلث القائم الزاوية}$$

$$\text{جتا أ} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

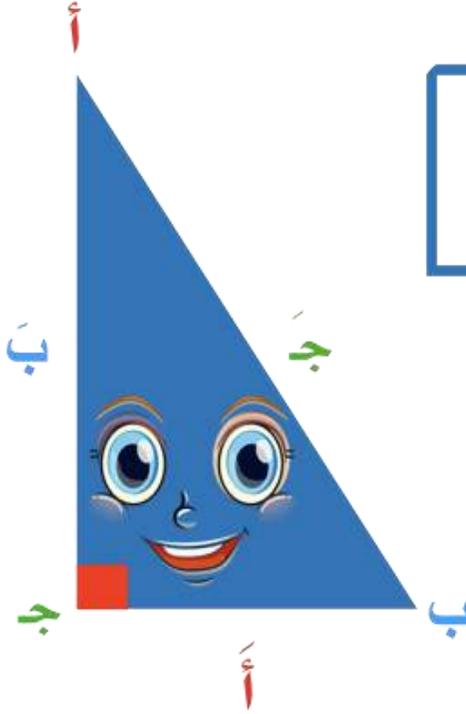


أكمل الفراغ التالي:

من الشكل السابق، جتا ب =



ظَلُّ الزَّاوِيَةِ



ظَلُّ الزَّاوِيَةِ أ = الضلع المقابل للزاوية أ
الضلع المجاور للزاوية أ

↓

$$\frac{\text{أ}}{\text{ب}} = \text{ظا أ}$$



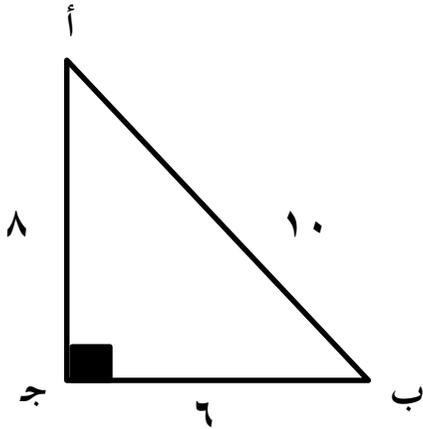
تعريف
المفردة

ظل الزاوية:
ظل الزاوية في المثلث القائم الزاوية = $\frac{\text{الضلع المقابل للزاوية}}{\text{الضلع المجاور للزاوية}}$

مثال

$$\cdot \frac{3}{4} = \frac{6}{8} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \text{ظا أ}$$

سؤال

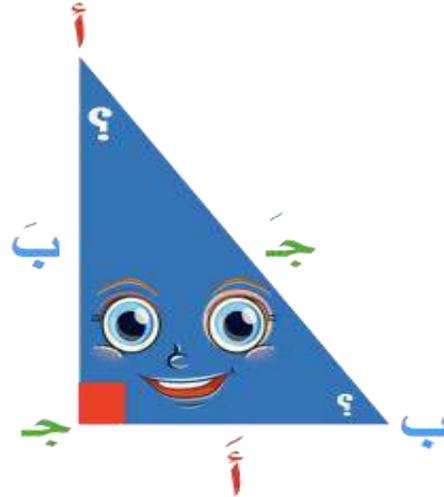


أكمل الفراغ التالي:

من الشكل السابق، ظا ب =



حلُّ المُثَلَّتِ



حلُّ المثلث: هو إيجاد القياسات المجهولة لأضلاع المثلث القائم وزواياه.

تعريف
المفردة

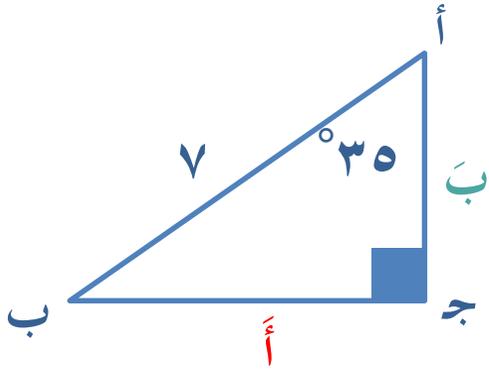
لحلِّ المثلث المجاور، نوجد ق Δ ب، أ، ب

$$ق \Delta ب = 180^\circ - (90^\circ + 35^\circ) = 180^\circ - 125^\circ = 55^\circ$$

$$\frac{أ}{ب} = \tan 35^\circ$$

$$أ = ب \times \tan 35^\circ = 7 \times 0,5736 = 4,0150 \approx 4$$

مثال



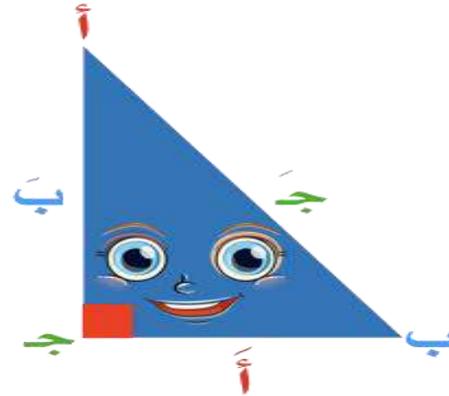
أوجد طول ب في المثلث السابق.

سؤال



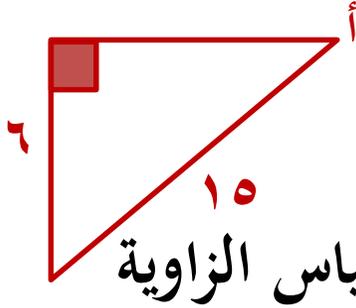
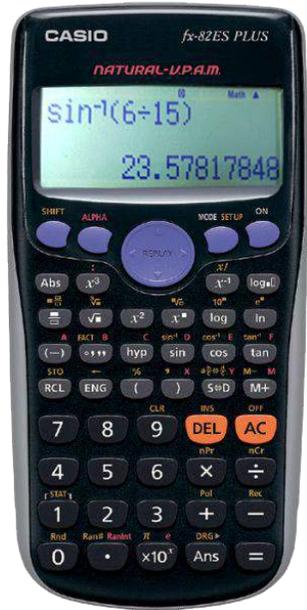
مَعكُوسُ الجَنِيبِ

جا^١ = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$ = ق > أ.
جا^٢ = س = ق > أ.



معكوس الجيب: إذا كان جا $\alpha = \frac{1}{s}$ فإن معكوس جيب s ورمزه جا⁻¹ $s = \frac{1}{s}$ حيث α زاوية حادة.

تعريف
المفردة



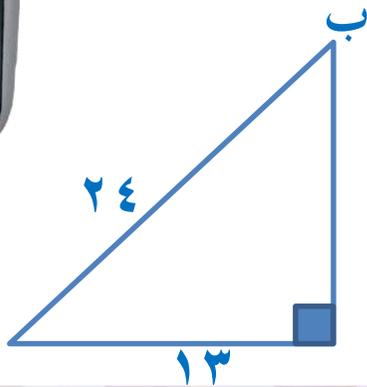
لإيجاد α في الشكل المجاور:

استخدم الآلة الحاسبة ودالة جا⁻¹ لإيجاد قياس الزاوية

SHIFT sin (6 ÷ 1 5) = 23.57817848

لذا فإن $\alpha \approx 23.6^\circ$

مثال



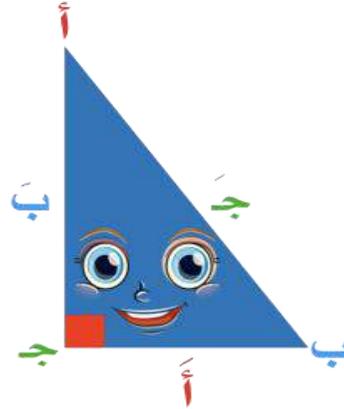
أوجد α في المثلث المجاور.

سؤال



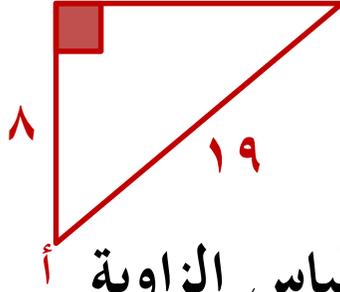
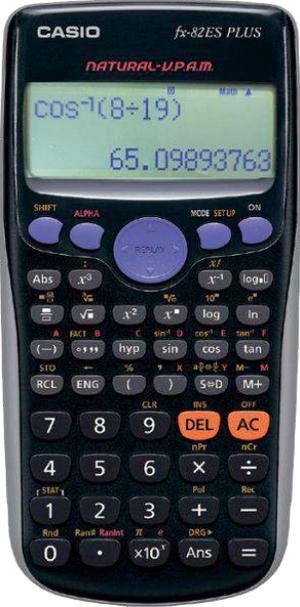
مَعكُوسُ جَنِبِ التَّمَامِ

جتا^ا = $\frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$ = ق / د.أ.
جتا^س = ق / د.أ.



معكوس جيب التمام: إذا كان جتا $\alpha = \text{س}$ فإن معكوس جيب تمام α ورمزه جتا⁻¹ $\text{س} = \text{ق} \Delta \alpha$ ، حيث $\Delta \alpha$ زاوية حادة.

تعريف
المفردة



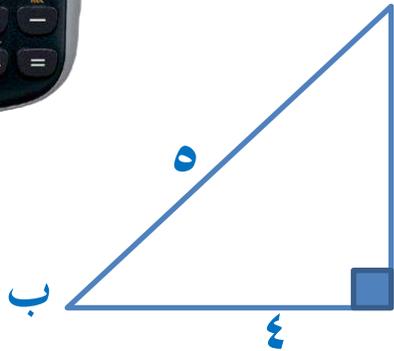
لإيجاد $\text{ق} \Delta \alpha$ في الشكل المجاور:

استخدم الآلة الحاسبة ودالة جتا⁻¹ لإيجاد قياس الزاوية

65.09893763

لذا فإن $\text{ق} \Delta \alpha \approx 65^\circ$

مثال



أوجد $\text{ق} \Delta \beta$ في المثلث المجاور.

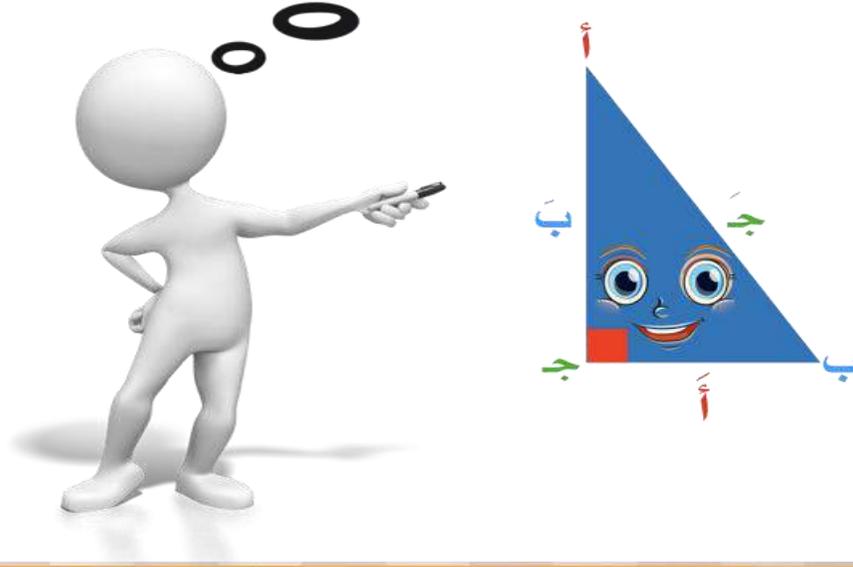
سؤال



معاً للقيمة

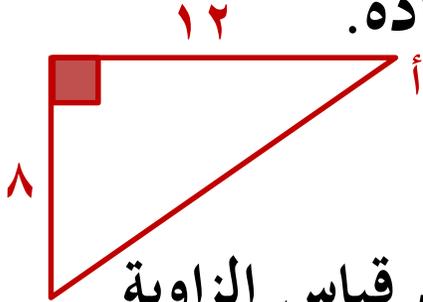
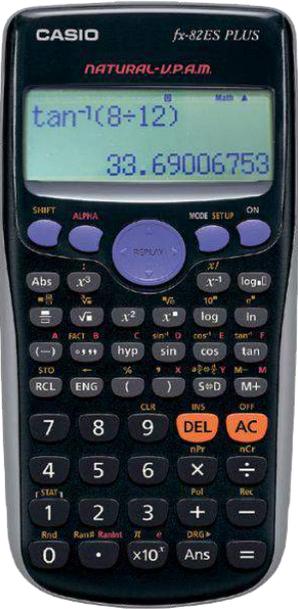
مَعكُوسِ الظِّل

ظا^{١-} المقابل = ق > أ.
المجاور
ظا^{١-} س = ق > أ.



تعريف
المفردة

معكوس الظل: إذا كان ظا \angle = س فإن معكوس ظل س ورمزه
ظا⁻¹ س = ق \angle أ، حيث \angle أ زاوية حادة.

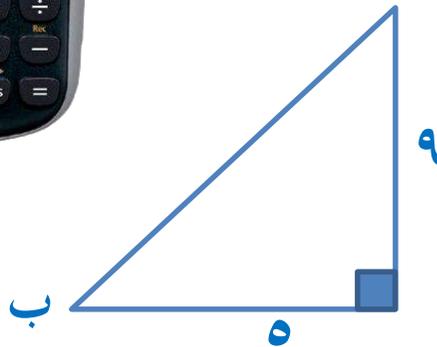


لإيجاد ق \angle أ في الشكل المجاور:

استخدم الآلة الحاسبة ودالة ظا⁻¹ لإيجاد قياس الزاوية

لذا فإن ق \angle أ $\approx 33,7^\circ$

مثال



أوجد ق \angle ب في المثلث المجاور.

سؤال